

حلقة إذا وفقط $(R, +, \cdot)$ تُشكل الثلاثية R مجموعة غير خالية، ولتكن $(+)$ و $(\cdot)$ عمليتان جبريتان ثنائيتان معرفتين على R لتكن $a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c$ شبه زمرة، وكانت العملية $(\cdot)$ توزيعية على $(+)$ من اليمين واليسار (أي $(R, \cdot)$ زمرة إبدالية، و $(R, +)$ إذا كانت حلقة إبدالية. وإذا $(R, +, \cdot)$ فتُسمى الحلقة R ، إذا كانت $(\cdot)$ عملية إبدالية على $(R, +, \cdot)$ لكل $a, b, c \in R$ لكل $a, b, c \in R$ $(b+c) \cdot a = b \cdot a + c \cdot a$ و $a \cdot c$ و $a \cdot 1 = a$ لكل $a \in R$ فتُسمى الحلقة $(R, +, \cdot)$ عنصر محايد بالنسبة لـ $(\cdot)$ (وهو عنصر وحيد يُرمز له بـ 1 حيث $1 \in R$ وجد في حلقة واحدة أو حلقة ذات عنصر وحدة أو حلقة بمحايد $(\cdot)$).